

Уравнения

СЕЗОН 6 – ТРЕТИ РУНД



С Ваша помощ Иванчо успя да закърпи финансовото си положение и е готов да се завърне към науката! Сега задачата, с която се е захванал, е да реши система линейни уравнения.

Система линейни уравнения представлява следното:

$$\begin{cases} a_{11}x_1 + a_{12}x_2 + \cdots + a_{1n}x_n = b_1 \\ a_{21}x_1 + a_{22}x_2 + \cdots + a_{2n}x_n = b_2 \\ \cdots \\ a_{n1}x_1 + a_{n2}x_2 + \cdots + a_{nn}x_n = b_m \end{cases}$$

При зададени a_{ij} , $1 \leq i \leq m$, $1 \leq j \leq n$ и b_i , $1 \leq i \leq m$ се търсят стойностите x_j , $1 \leq j \leq n$.

След известно време размисли Иванчо осъзна, че би било твърде амбициозно (а понякога и невъзможно) да се търси решение на произволна система линейни уравнения. Затова той си постави по-реалистична цел – да намери n -торка (x_1, \dots, x_n) , която да бъде възможно най-близка до пълно решение.

За тази цел за всяко уравнение се задават две стойности $exact_i$ и $approx_i$, които определят какъв резултат получава дадено решение. Първата стойност е бонусът, който решението получава, ако е вярно решено i -тото уравнение. Втората стойност определя бонус по следната формула (пресмята се отделно за всяко уравнение i):

$$\frac{1}{|\sum_{j=1}^n a_{ij}x_j - b_i| + 1} \cdot approx_i$$

Резултатът се образува като сбор на двата бонуса.

Ясно е, че всеки момент на Иванчо ще му стане скучно и отново ще остави задачата на Вас, но поне Ви дава право на избор – дава Ви s на брой m -торки (b_1, \dots, b_m) и Вие избирате с коя m -торка да образувате системата, която ще трябва да решите.

Напишете програма, която определя за коя m -торка ще решавате системата и намира n -торка от x -ове, получаваща възможно най-голям резултат за избраните b -та.

Вход

От първия ред на файла `equations.in` се въвеждат две цели положителни числа m и n – съответно броят на уравненията в системата и броят на неизвестните. Следват m реда с по $n+2$ цели чиста на ред – коефициентите a_{ij} , $exact_i$ и $approx_i$. От следващия ред се прочита броя s на m -торките (b_1, \dots, b_m) , а следващите s реда съдържат самите m -торки, т.е. m на брой цели числа.

Изход

На първия ред на изходния файл `equations.out` трябва да се изведе номерът на избраната m -торка (индексирането започва от 1). На втория ред да се изведат n

Уравнения

СЕЗОН 6 – ТРЕТИ РУНД



числа – x_1, \dots, x_n , отделени с интервали. Тези числа трябва да бъдат цели и абсолютната им стойност да не надвишава 10^6 .

Оценяване

Ще получите 0 точки, ако изходът Ви не удовлетворява поставените условия и ограничения. В противен случай ще получите $100 \cdot \frac{yourScore+1}{maxScore+1}$ процента от точките, предвидени за съответния тест. Дефинираме `yourScore` като резултатът, който е получила Вашата програма на съответния тест, а `maxScore` като най-големия резултат, който е получила някоя от програмите на участниците на този тест.

Ограничения

$$1 \leq m \leq 2000$$

$$1 \leq n \leq 1000$$

$$1 \leq s \leq 20$$

$$0 \leq a_{ij} \leq 10^5$$

$$10^3 \leq exact_i, approx_i \leq 10^6$$

$$0 \leq b_i \leq 10^9 \text{ за всяка } m\text{-торка.}$$

Забележка: Стойностите на a_{ij} , $exact_i$, $approx_i$ и b_i са произволно генериирани, така че да удовлетворяват ограниченията.

Брой тестове	25%	25%	25%	25%
m	800	1000	1500	2000
n	1000	900	1000	1000
s	1	10	15	20

Ограничение по време: 5 сек

Ограничение по памет: 256 MB

Уравнения

СЕЗОН 6 – ТРЕТИ РУНД



Примерен тест

Вход (equations.in)	Изход (equations.out)
5 4 6456 14482 80443 91712 856827 404250 46603 85084 90886 43276 359810 220421 73805 76890 42862 62163 621170 795841 6324 15062 37884 17771 890601 261041 53674 13346 95893 53116 150825 207655 1 175231511 46012106 293888266 414081012 725440535	1 713 984 870 942

Обяснение на тестовия пример

Примерният изход получава резултат 20212 (стойността се разглежда като цяло число). Не се гарантира, че това е оптимален резултат.