

# Наследство (анализ)

J3 / 150

---

Като най-трудна задача за малките ученици задачата изисква използването на по-нестандартни методи, въпреки наглед малките ограничения на входа.

Нека първо разгледаме тривиалното решение. В него се задава начална точка на нивата която Иванчо ще получи. След това се намира всеки възможен правоъгълник с лице  $K$ / квадратът е частен случай на правоъгълник/ който не преминава границите на нивата на чичото на Иванчо и намираме броя на гърнетата които попадат в избраната площ. Такова решение, обаче би имало сложност около  $O(N^6)$ , което дори и за  $N = 256$  не би сработило в зададените ограничения за време.

Решението може да се сведе до  $O(N^5)$ , чрез намаляване на сложността на търсене на делителите на  $K$ , като не се разглеждат случаите до  $N*M$ , а до  $\sqrt{N*M}$ . Това също не би сработило достатъчно бързо.

Следващата възможност е да намалим времето за намиране на броя гърнета в определена фигура с лице  $K$ . Тъй като местоположенията на гърнетата със злато не се променят, можем за всяко поле от нивата с индекси  $i$  и  $j$  след въвеждането на входа да изчислим броя на гърнетата които попадат в правоъгълника с горен ляв ъгъл  $1,1$ (началото на нивата на чичото) и долн десен  $i,j$ . След това можем с константна сложност да намираме броя на гърнетата за всяка една фигура. Така сложността на алгоритъма може да се намали с още 2 степени и от  $O(N^5)$ , да стане  $O(N^3)$ , което вече е в границите на определеното от журито време.

Единствено остана да обясним как за константно време можем да определим броя гърнета в поле с горен ляв ъгъл  $i,j$  и размер  $r$  на  $q$ . След като сме изчислили броя на гърнетата от  $1,1$  до всяко друго поле можем да изчислим лесно броя на гърнетата във нашия правоъгълник. Като база вземаме броя на гърнетата в правоъгълника от  $1,1$  до  $i+r-1$  и  $j+q-1$ . След това просто трябва да извадим броя на гърнетата които не влизат във фигурата. За това от полученото до момента ще извадим броя гърнета в правоъгълниците  $1,1$  до  $i+r-1,j$  и  $1,1$  до  $i, j+q-1$ . Тогава обаче сме извадили 2 пъти броя на гърнетата в правоъгълника от  $1,1$  до  $i-1,j-1$ , за това трябва да добавим тази сума отново. Полученото число е броя на гърнета в изследвания правоъгълник.